

11X001 – Introduction à la programmation des algorithmes

4 Récapitulation

François Fleuret

<https://fleuret.org/francois>

14 Décembre, 2020

*Le contenu de ce document a été en grande partie
repris du cours de Jean-Luc Falcone.*



**UNIVERSITÉ
DE GENÈVE**

FACULTY OF SCIENCE

Dans la mémoire d'un ordinateur:

- Toutes les données sont une suite de zéros et de uns (bits).
- Ce choix de représentation de l'information découle de la facilité de représenter des valeurs oui/non, présence/absence dans un objet physique.

Dans la mémoire d'un ordinateur:

- Toutes les données sont une suite de zéros et de uns (bits).
- Ce choix de représentation de l'information découle de la facilité de représenter des valeurs oui/non, présence/absence dans un objet physique.
- Ces bits sont organisés par groupes de 8 (octets, ou *bytes*).
- Un octet peut être interprété de plusieurs manières, en particulier comme une écriture en base 2 d'une valeur entière entre 0 et 255.

Dans la mémoire d'un ordinateur:

- Toutes les données sont une suite de zéros et de uns (bits).
- Ce choix de représentation de l'information découle de la facilité de représenter des valeurs oui/non, présence/absence dans un objet physique.
- Ces bits sont organisés par groupes de 8 (octets, ou *bytes*).
- Un octet peut être interprété de plusieurs manières, en particulier comme une écriture en base 2 d'une valeur entière entre 0 et 255.

00000000	0	00000001	1
00000001	1	00000010	2
00000010	2	00000011	3
00000100	4	00000100	4
00001000	8	00000101	5
00010000	16	00000110	6
00100000	32	00000111	7
01000000	64	10000001	129
10000000	128	11111111	255

Dans tous les langages:

- Toutes les données ont un type associé.
- Le type définit et restreint les opérations possibles sur les données.

Au niveau des langages on distingue:

- Typage statique vs. typage dynamique.
- Typage fort vs. typage faible.

Typage statique

- Un type est associé à chaque expression du programme **avant son exécution**.
- Propre des programmes compilés.
- Les types doivent être déclarés ou inférés.
- Par exemple: Java, C, Swift, Pascal, Haskell, Typescript.

Typage dynamique

- Un type est associé à chaque expression du programme **pendant son exécution**.
- Propre des programmes interprétés.
- Pas de déclaration de types.
- Par exemple: Python, Scheme, Javascript, Bash.

Typage fort

- Les conversions d'un type à un autre doivent être **explicités**.
- Par exemple: Python, Haskell, Swift, OCaml.

Typage faible

- Le type d'une expression peut changer **implicitement** durant l'exécution.
- Par exemple: Java, C, Perl, PHP.

Plus rigide:

- force à prendre les décisions avant,
- plus difficile de changer après (sauf bonne encapsulation).

Plus sûr:

- possibilité d'analyse et de raisonnement,
- vérification statique à la compilation,
- permet d'exprimer des contraintes au niveaux des types.

Plusieurs types de **nombre entiers**:

`Int8`, `UInt8`, `Int16`, ..., `Int64`, `UInt64`.

Les **nombre décimaux** sont représentés par les types `Float` et `Double`.

Les **valeur logique** par le type `Bool` qui peut prendre les valeurs `true` et `false`.

Le type `String` représente du texte **arbitraire**

- Pas de limitation de taille (mémoire)
- Tous les caractères unicodes: Chiffres, alphabet latin, cyrillique, idéogramme chinois, emojis, ...

Le type `Character` représente un caractère dans une `String`.

Une **expression** est une combinaison d'éléments de syntaxe qui peut être **évaluée** en un résultat.

Une **déclaration** est une combinaison d'éléments de syntaxe qui ne produit pas de résultat mais qui peut:

- Modifier le contexte de **compilation**: types, constantes, fonctions.
- Modifier le contexte d'**exécution**: contrôle du flux.
- Produire un **effet de bord**: affectations, entrées/sorties.

On déclare une **constante** en associant un identifiant à une expression à l'aide du mot réservé **let**. Son type peut être **inféré** ou explicitement spécifié.

Une assignation est une **déclaration**. Elle ne retourne pas de valeur.

On déclare une **constante** en associant un identifiant à une expression à l'aide du mot réservé `let`. Son type peut être **inféré** ou explicitement spécifié.

Une assignation est une **déclaration**. Elle ne retourne pas de valeur.

```
let g = 9.8065
let three = 2 + 1
let trois = three
let weight = g * 25.0
let debugMode = true
```

Les expressions combinent des opérateurs.

Opérateurs arithmétiques binaires:

- Addition +
- Soustraction -
- Multiplication *
- Division /
- Reste de division % (seulement entre entiers)

Opérateurs arithmétiques unaire:

- Opposé - (change le signe d'une expression)

Opérateurs booléens binaires:

- Conjonction (et) `&&`
- Disjonction (ou) `||`

Opérateurs booléen unaire:

- Négation (non) `!`

On peut comparer des valeurs numériques à l'aide des **opérateurs de comparaisons** qui retournent des `Bool`.

- `==`: égal
- `>`: plus grand
- `>=`: plus grand ou égal
- `<`: plus petit
- `<=`: plus petit ou égal

Attention

Les comparaisons d'expressions de types numériques décimaux doivent être faites avec prudence.

Attention

Les comparaisons d'expressions de types numériques décimaux doivent être faites avec prudence.

```
1> let x = 0.3
x: Double = 0.29999999999999999
2> let y = 0.2 + 0.1
y: Double = 0.30000000000000004
3> print(x == y)
false
```

Tableaux

- Représente une liste de valeurs du même type.
- On accède à une valeur d'un tableau en utilisant son **indice**.
- La première valeur a l'indice 0, la dernière valeur a l'indice $n - 1$ où n est la taille du tableau.
- La propriété **count** permet de connaître la taille d'un tableau.

```
1> let t = [1, 2, 3]
t: [Int] = 3 values {
  [0] = 1
  [1] = 2
  [2] = 3
}
2> print( t.count )
3
3> print( t[0] + t[2] )
4
4> print( t[5] )
Fatal error: Index out of range
```

Valeurs optionnelles

- Représente un valeur possiblement indéfinie.
- On note `T?` où `T` est le type de la valeur qui peut être absente.
- Par exemple `Bool?`, `String?`.
- On crée un optionnel:
 - soit en passant la valeur si elle existe,
 - soit en passant `nil` si elle n'existe pas.

```
let from: UInt? = 12
let to: UInt? = nil
```

```
struct Rectangle {
  let height: Double
  let width: Double
  let fillColor: Color?
}
let r = Rectangle(height:12, width:5, fillColor:nil)
```

Un optionnel est “emballé” (wrapped), il faut donc le “déballer” (unwrap) avant de l'utiliser.

- On peut **forcer** le déballage avec un point d'exclamation.
- Cela produira une **erreur d'exécution** si l'optionnel n'est pas défini.

```
let from: UInt? = 12
let to: UInt? = nil

print( from + 2 ) // Erreur de compilation
print( from! + 2 ) // Affiche 14
print( to! + 2 ) // Erreur d'exécution
```

On peut également débiller une valeur optionnelle avec l'opérateur binaire ?? qui permet de passer une valeur par défaut :

```
print( (from ?? 100) + 2 ) // Affiche 14
print( (to ?? 100) + 2 ) // Affiche 102
```

Structure

- Possède des propriétés, chacun avec un type et un identifiant.
- On crée une **instance** d'une structure en fournissant la valeur de chaque propriété. Il faut indiquer le nom de chaque propriété **et** respecter l'ordre de définition.
- On accède aux propriétés d'une structure avec l'opérateur point `.`

```
struct Item {  
    let name: String  
    let available: Bool  
}  
  
let x = Item( name: "iPhone 21", available: true )  
  
print( x.name )    // Affiche "iPhone 21"  
print( !x.available ) // Affiche false
```

Tuples

- Défini uniquement par l'ordre des types qui le composent.
- Par exemple

```
(UInt8, UInt8, UInt8)
(String, Boolean)
(Int)
(Int, (Double, Double))
()
```

Énumération

- Type ayant un nombre fini de valeurs.
- Par exemple

```
enum TrafficLight {  
    case green  
    case yellow  
    case red  
}
```

Ces différentes valeurs peuvent être paramétrées par un tuple

```
enum ExtendedInt {  
    case minusInf, plusInf  
    case value(Int)  
}
```


En programmation en général, une fonction est juste un **sous-programme**.

Le concept de **fonction pure** en **programmation fonctionnelle** est très similaire à ce même concept en mathématiques. Une telle fonction

- accepte des **arguments** (entrée) et **retourne** une valeur (sortie),
- retourne **toujours** la **même valeur** pour des arguments donnés,
- elle ne modifie pas ses arguments, ou l'état du programme,
- elle n'accède pas à d'autres valeurs que ses arguments,
- elle n'a pas d'“effets de bords” (affichage, etc.)

Fonctions pures (cont.)

```
func add( a: Int, b: Int ) -> Int {  
  return a + b  
}
```

```
let q = add( a: 2, b: 12 )
```

```
print(q) // Affiche 14
```

Chaque fonction a un type, formé du type de ses arguments et du type de la valeur retournée. Par exemple `add` ci-dessus a le type `(Int, Int) -> Int`.

La portée lexicale d'un identifiant (fonctions, constante, variable) est la portion du programme dans laquelle cet identifiant est défini

- Les déclarations au niveau supérieur ont une portée **globale**.
- Les déclarations entre accolades ont une portée **locale**.
- En cas de redéfinition, la portée la plus locale l'emporte.
- Les arguments d'une fonctions ont une portée **locale** à celle-ci.

Portée lexicale (cont.)

```
let a = 100 // Global
let b = 20  // Global
let c = 3   // Global

func truc( x: Int ) -> Int { // truc globale, mais x local
  let b = -x // b local, cache b global
  return b * c
}

let w = truc(x: a) // w global
```

On peut définir des fonctions dans une fonctions, celles-ci sont locales à cette dernière.

Par exemple:

```
func f( x: Double, y: Double ) -> Double {  
  func sq( a: Double ) -> Double {  
    return a * a  
  }  
  return sq(a: x) + sq(a: y)  
}
```

On peut définir plusieurs fonctions avec le même nom si elles diffèrent par

- le **nombre ou types des arguments**, ou
- les **noms d'appel des arguments**, ou
- le **type de retour**.

Swift pourra déterminer selon le contexte de l'appel de quelle fonction il s'agit.

La déclaration `if...else...` permet de choisir entre deux chemins d'exécution possibles:

```
if x >= 0 {  
    return x  
} else {  
    return -x  
}
```

La déclaration `if...else...` permet de choisir entre deux chemins d'exécution possibles:

```
if x >= 0 {           Condition
    return x
} else {
    return -x
}
```


La déclaration `if...else...` permet de choisir entre deux chemins d'exécution possibles:

```
if x >= 0 {  
    return x  
} else {  
    return -x  
}
```

Condition
Cas vrai

La déclaration `if...else...` permet de choisir entre deux chemins d'exécution possibles:

```
if x >= 0 {           Condition
  return x           Cas vrai
} else {
  return -x         Cas faux
}
```

La déclaration `if...else...` permet de choisir entre deux chemins d'exécution possibles:

```
if x >= 0 {           Condition
  return x           Cas vrai
} else {
  return -x         Cas faux
}
```

Exemple:

```
func inverse( _ x: Int ) -> Double? {
  if x == 0 {
    return nil
  } else {
    return 1 / Double(x)
  }
}
```

La construction `switch / case` permet de moduler le déroulement du programme selon la valeur d'un `enum`.

```
enum ExtendedInt {
  case minusInf, plusInf
  case value(Int)
}

func add(x: ExtendedInt, k: Int) -> ExtendedInt {
  switch x {
  case ExtendedInt.minusInf:
    return ExtendedInt.minusInf
  case ExtendedInt.plusInf:
    return ExtendedInt.plusInf
  case ExtendedInt.value(let v):
    return ExtendedInt.value(v + k)
  }
}
```

Évaluation par substitution

Évaluation par substitution

Si on se limite aux éléments vus, on peut évaluer toute expression par **substitutions successives**.

Par exemple:

$$1 + 2 * 3 - 4 > 2 * 7 - 1$$

Évaluation par substitution

Si on se limite aux éléments vus, on peut évaluer toute expression par **substitutions successives**.

Par exemple:

$$1 + 2 * 3 - 4 > 2 * 7 - 1$$

$$1 + 6 - 4 > 2 * 7 - 1$$

Évaluation par substitution

Si on se limite aux éléments vus, on peut évaluer toute expression par **substitutions successives**.

Par exemple:

$$1 + 2 * 3 - 4 > 2 * 7 - 1$$

$$1 + 6 - 4 > 2 * 7 - 1$$

$$1 + 6 - 4 > 14 - 1$$

Évaluation par substitution

Si on se limite aux éléments vus, on peut évaluer toute expression par **substitutions successives**.

Par exemple:

$$1 + 2 * 3 - 4 > 2 * 7 - 1$$

$$1 + 6 - 4 > 2 * 7 - 1$$

$$1 + 6 - 4 > 14 - 1$$

$$7 - 4 > 14 - 1$$

Évaluation par substitution

Si on se limite aux éléments vus, on peut évaluer toute expression par **substitutions successives**.

Par exemple:

$$1 + 2 * 3 - 4 > 2 * 7 - 1$$

$$1 + 6 - 4 > 2 * 7 - 1$$

$$1 + 6 - 4 > 14 - 1$$

$$7 - 4 > 14 - 1$$

$$3 > 14 - 1$$

Évaluation par substitution

Si on se limite aux éléments vus, on peut évaluer toute expression par **substitutions successives**.

Par exemple:

$$1 + 2 * 3 - 4 > 2 * 7 - 1$$

$$1 + 6 - 4 > 2 * 7 - 1$$

$$1 + 6 - 4 > 14 - 1$$

$$7 - 4 > 14 - 1$$

$$3 > 14 - 1$$

$$3 > 13$$

Évaluation par substitution

Si on se limite aux éléments vus, on peut évaluer toute expression par **substitutions successives**.

Par exemple:

$$1 + 2 * 3 - 4 > 2 * 7 - 1$$

$$1 + 6 - 4 > 2 * 7 - 1$$

$$1 + 6 - 4 > 14 - 1$$

$$7 - 4 > 14 - 1$$

$$3 > 14 - 1$$

$$3 > 13$$

false

Pour évaluer une fonction par substitutions:

1. On substitue l'appel de la fonction par son corps.
2. On remplace chaque occurrence de chaque argument par l'expression passée.
3. On poursuit les substitutions jusqu'à parvenir à un `return`.
4. On remplace `{ return x }` par `x`.

Évaluation par substitution (cont.)

```
func f( x: Int, y: Int ) -> Int {  
  return x * y - x  
}
```

`f(2+2, 1) + 1`

Évaluation par substitution (cont.)

```
func f( x: Int, y: Int ) -> Int {  
  return x * y - x  
}
```

`f(2+2, 1) + 1`

`f(4, 1) + 1`

Évaluation par substitution (cont.)

```
func f( x: Int, y: Int ) -> Int {  
  return x * y - x  
}
```

`f(2+2, 1) + 1`

`f(4, 1) + 1`

`{ return 4 * 1 - 4 } + 1`

Évaluation par substitution (cont.)

```
func f( x: Int, y: Int ) -> Int {  
  return x * y - x  
}
```

`f(2+2, 1) + 1`

`f(4, 1) + 1`

`{ return 4 * 1 - 4 } + 1`

`{ return 4 - 4 } + 1`

Évaluation par substitution (cont.)

```
func f( x: Int, y: Int ) -> Int {  
  return x * y - x  
}
```

`f(2+2, 1) + 1`

`f(4, 1) + 1`

`{ return 4 * 1 - 4 } + 1`

`{ return 4 - 4 } + 1`

`{ return 0 } + 1`

Évaluation par substitution (cont.)

```
func f( x: Int, y: Int ) -> Int {  
  return x * y - x  
}
```

f(2+2, 1) + 1

f(4, 1) + 1

{ return 4 * 1 - 4 } + 1

{ return 4 - 4 } + 1

{ return 0 } + 1

0 + 1

Évaluation par substitution (cont.)

```
func f( x: Int, y: Int ) -> Int {  
  return x * y - x  
}
```

f(2+2, 1) + 1

f(4, 1) + 1

{ return 4 * 1 - 4 } + 1

{ return 4 - 4 } + 1

{ return 0 } + 1

0 + 1

1

Fonctions récursives

Une fonction récursive s'appelle elle-même. En général, elle contient une **condition de terminaison**. Lorsque celle-ci est vraie, la récursion se termine en **retournant** une valeur.

```
func fact( _ n: UInt64 ) -> UInt64 {  
    if n <= 1 { // Condition de terminaison  
        return 1  
    } else {  
        return n * fact( n - 1 )  
    }  
}
```

Fonctions récursives (cont.)

```
func sum( _ x: [Int]) -> Int {  
  func sumFrom( _ i: UInt) -> Int {  
    if i >= x.count {  
      return 0  
    } else {  
      return x[i] + sumFrom(i + 1)  
    }  
  }  
  
  return sumFrom(0)  
}  
  
print(sum([ 3, 4, 2, -7 ]))
```

L'espace d'exécution augmente à chaque appel récursif car l'ordinateur doit garder des informations en mémoire pour finir le calcul dans lequel la valeur retournée intervient.

Une fonction **récursive terminale** évite ce problème en ne faisant **aucune opération après l'appel récursif**.

Donc, par exemple, dans la définition d'une fonction `f`, on peut avoir `return f(g(x))` mais pas `return g(f(x))`.

L'espace d'exécution augmente à chaque appel récursif car l'ordinateur doit garder des informations en mémoire pour finir le calcul dans lequel la valeur retournée intervient.

Une fonction **récursive terminale** évite ce problème en ne faisant **aucune opération après l'appel récursif**.

Donc, par exemple, dans la définition d'une fonction `f`, on peut avoir `return f(g(x))` mais pas `return g(f(x))`.

Par exemple:

```
func fact( _ n: UInt64 ) -> UInt64 {
  func factRec( _ n: UInt64, _ m: UInt64 ) -> UInt64 {
    if n <= 1 {
      return m
    } else {
      return factRec( n - 1, m * n )
    }
  }
  return factRec(n, 1)
}
```

Réursive:

```
func sum( _ x: [Int]) -> Int {  
  func sumFrom( _ i: UInt) -> Int {  
    if i >= x.count {  
      return 0  
    } else {  
      return x[i] + sumFrom(i + 1)  
    }  
  }  
  
  return sumFrom(0)  
}
```

Fonctions récursives terminales (cont.)

Réursive:

```
func sum( _ x: [Int]) -> Int {
  func sumFrom( _ i: UInt) -> Int {
    if i >= x.count {
      return 0
    } else {
      return x[i] + sumFrom(i + 1)
    }
  }

  return sumFrom(0)
}
```

Réursive terminale:

```
func sum( _ x: [Int]) -> Int {
  func sumFrom( _ i: UInt, _ partialSum: Int) -> Int {
    if i >= x.count {
      return partialSum
    } else {
      return sumFrom(i + 1, x[i] + partialSum)
    }
  }
  return sumFrom(0, 0)
}
```

Fonctions d'ordre supérieur et anonymes

Une fonction est une valeur, on peut donc la manipuler en tant que telle:

```
func add(_ x: Int, _ y: Int ) -> Int {  
  return x + y  
}
```

```
let plus = add
```

```
print( plus( 2, 3 ) )
```

En particulier une fonction peut recevoir des fonctions comme arguments et renvoyer une fonction comme résultat.

On parle alors de **fonctions d'ordre supérieur**.

Fonctions d'ordre supérieur (cont.)

```
func adder(n: Int) -> (Int) -> Int {  
  func add(x: Int) -> Int {  
    return n + x  
  }  
  return add  
}  
  
let f = adder(n: 5) // f est de type (Int) -> Int  
  
print(f(2)) // Affiche 7
```

Fonctions d'ordre supérieur (cont.)

```
func iter(f: @escaping (Int) -> Int, n: Int) -> (Int) -> Int {  
  
    func nfRec(x: Int, k: Int) -> Int {  
        if k == 0 {  
            return x  
        } else {  
            return nfRec(x: f(x), k: k-1)  
        }  
    }  
  
    func nf(x: Int) -> Int {  
        return nfRec(x: x, k: n)  
    }  
  
    return nf  
}  
  
print(iter(f: adder(n: 5), n: 10)(4)) // Affiche 54
```

On peut définir une fonction de manière anonyme, c'est à dire sans lui associer un identifiant.

```
{ (i: Int) -> Bool in return i != 0 }
```


On peut définir une fonction de manière anonyme, c'est à dire sans lui associer un identifiant.

Arguments

```
{ (i: Int) -> Bool in return i != 0 }
```

On peut définir une fonction de manière anonyme, c'est à dire sans lui associer un identifiant.

```
Arguments  Résultat  
{ (i: Int) -> Bool in return i != 0 }
```

Fonctions anonymes

On peut définir une fonction de manière anonyme, c'est à dire sans lui associer un identifiant.

```
Arguments  Résultat  Corps  
{ (i: Int) -> Bool in return i != 0 }
```

On peut définir une fonction de manière anonyme, c'est à dire sans lui associer un identifiant.

```
      Arguments  Résultat  Corps  
{ (i: Int) -> Bool in return i != 0 }
```

Par exemple, au lieu de:

```
func isZero( n: Int ) -> Bool {  
  return n == 0  
}
```

```
let n = count( x, isZero )
```

On peut définir une fonction de manière anonyme, c'est à dire sans lui associer un identifiant.

```
Arguments  Résultat  Corps  
{ (i: Int) -> Bool in return i != 0 }
```

Par exemple, au lieu de:

```
func isZero( n: Int ) -> Bool {  
  return n == 0  
}
```

```
let n = count( x, isZero )
```

On peut écrire directement:

```
count( x, { (i: Int) -> Bool in return i != 0 } )
```

Fonctions anonymes (cont.)

Le corps d'une fonction anonyme peut être complexe.

```
func apply(_ a: Int, _ b: Int, _ f: (Int, Int) -> Double) -> Double {  
  return f(a, b)  
}  
  
print(apply(3, 4, { (a: Int, b: Int) -> Double in  
  let c = abs(b - a)  
  if a < c {  
    return Double(c - a) / 2  
  } else {  
    return Double(a + b) / 2  
  }  
}))
```

Types génériques

Les **types paramétriques** sont **définis à la compilation** et permettent de **généraliser** une implémentation, en la rendant **indépendante** du type finalement utilisé

En Swift on introduit un type générique en utilisant des chevrons (<>) entre le nom de la fonction et la liste d'arguments.

Un type générique fonctionne comme un argument pour les types, qui ne change pas durant l'appel de la fonction.

On peut passer autant de types génériques que l'on veut.

Types génériques (cont.)

```
func getThree<T>( _ x: [T] ) -> (T, T, T) {  
    return (x[0], x[x.count/2], x[x.count-1])  
}
```

Types génériques (cont.)

```
func getThree<T>( _ x: [T] ) -> (T, T, T) {  
    return (x[0], x[x.count/2], x[x.count-1])  
}
```

```
print(getThree([ 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11 ]))
```

```
print(getThree([ 1.0, 0.5, 0.25, 0.125, 0.0625 ]))
```

```
print(getThree([ "Prof", "Atchoum", "Dormeur", "Grincheux",  
                "Joyeux", "Timide", "Simplet" ]))
```

affiche

```
(1, 6, 11)
```

```
(1.0, 0.25, 0.0625)
```

```
("Prof", "Grincheux", "Simplet")
```

Opérations collectives

De nombreuses opérations sur les collections (e.g. tableaux) peuvent être décrites comme:

1. des **transformations** qui appliquent une même opération à chaque élément,
2. des **filtres** qui sélectionnent un sous-ensemble d'éléments, ou
3. des **réductions** qui calculent un résultat unique à partir de tous les éléments.

La fonction `map` permet de transformer un tableau en appliquant une fonction sur chaque élément.

Le tableau d'origine n'est pas modifié.

La fonction `map` permet de transformer un tableau en appliquant une fonction sur chaque élément.

Le tableau d'origine n'est pas modifié.

Par exemple:

```
let xs = [ 1, 2, 3 ]  
let ys = xs.map( { x in x * 2 } )  
print(ys)
```

affiche

```
[2, 4, 6]
```

La fonction `filter` permet de garder uniquement les éléments qui satisfont un prédicat.

Le tableau d'origine n'est pas modifié

La fonction `filter` permet de garder uniquement les éléments qui satisfont un prédicat.

Le tableau d'origine n'est pas modifié

Par exemple:

```
let words = ["machin", "chose", "truc"]  
  
let ns = words.filter( { w in w.count < 6 } )  
  
print(ns)
```

affiche

```
["chose", "truc"]
```


Étant données une valeur de travail initiale

$$y_0 \in \mathcal{Y}$$

et une fonction

$$f : \mathcal{X} \times \mathcal{Y} \rightarrow \mathcal{Y},$$

la réduction appliquée au tableau de valeurs

$$x_n \in \mathcal{X}, n = 1, \dots, N$$

calcule la suite de valeurs de travail

$$y_n = f(x_n, y_{n-1}), n = 1, \dots, N$$

et retourne y_N .

La méthode `reduce` implémente cette opération, et prend comme arguments y_0 et f . Elle ne modifie pas le tableau auquel elle est appliquée.

La méthode `reduce` implémente cette opération, et prend comme arguments y_0 et f . Elle ne modifie pas le tableau auquel elle est appliquée.

Par exemple:

```
let ns = [1, 2, 3, 4, 5]
let n = ns.reduce( 0, { y, x in x + y } )
print(n)
```

affiche

15

Composer ces trois opérations permet de programmer des opérations complexes de manière concise et robuste.

Exemple

```
let x = [ -2, 3, 5, -11, -1 ]  
  
print(  
  x.map({ x in abs(x) })  
  .filter({ x in x <= 3 })  
  .reduce(0, { (y, x) in x + y } )  
)
```

Variables et procédures

Swift offre des **variables** qui permettent de représenter des quantités modifiables.

On peut définir une **variable** avec le mot clé **var**.

La syntaxe est similaire à celle de **let** pour les **constantes**.

Une variable peut être **déclarée**, c'est à dire que l'on peut indiquer son identifiant et son type, avant d'être **initialisée**, c'est à dire avant de lui donner une première valeur.

L'ordre d'exécution est beaucoup plus important avec des variables!

```
var x = 12
var y = x
y *= 2
print(x) // Affiche 12
print(y) // Affiche 24
```

Une structure peut contenir des **propriétés mutables**. Il suffit de les déclarer avec `var` au lieu de `let`:

```
struct User {
  let name: String
  var password: String
}

var alice = User(name: "Alice", password: "")

alice.password = "58U12dF" // Change le mot de passe

let bob = User(name: "Bob", password: "")

bob.password = "4Fg001e" // Erreur de compilation
```


De manière similaire, on peut modifier les éléments d'une variable tableau ou tuple. *E.g*

```
var xs = [1, 2, 3]
xs[0] = 10
xs[2] += 3
print(xs) // Affiche [10, 2, 6]
```

```
var zs = (1, 3.0, "Blah")
zs.1 += 4
print(zs) // Affiche (1, 7.0, "Blah")
```

On appelle **procédure** une fonction qui ne retourne pas de valeur.

Il ne peut donc pas s'agir d'une fonction pure, et son seul intérêt est de produire des effets de bords:

- modification de variables,
- entrée / sorties,
- interactions avec le système,
- etc.

Une procédure en Swift n'a pas de type de retour.

Boucles

- Les boucles sont une des constructions principales de la programmation **impérative**.
- L'utilisation d'une boucle permet de **répéter** un fragment de code.
- Une **condition** contrôle le nombre de répétitions.
- En général, pour que cette répétition soit utile, il faut que l'état courant puisse changer d'une itération à l'autre.

- La boucle la plus "classique" est la boucle `while`
- Elle répète un bloc de déclarations, **tant** qu'une expression booléenne est vraie (la **condition**)
- Syntaxe:

```
while CONDITION {  
    DECLARATION 1  
    DECLARATION 2  
    DECLARATION 3  
    ...  
}
```

Boucles while (cont.)

```
var a = 1  
  
while a <= 1000 {  
    print(a)  
    a = a * 2  
}
```

Boucles while (cont.)

```
var a = 1  
  
while a <= 1000 {  
    print(a)  
    a = a * 2  
}
```

affiche

```
1  
2  
4  
8  
16  
32  
64  
128  
256  
512
```

On peut comparer sur un exemple l'utilisation d'une boucle et de fonctions d'ordre supérieur.

```
func grandTotal( items: [Item] ) -> UInt {
  var i = 0
  var result = 0
  while i < items.count {
    result += items[i].price * items[i].amount
    i += 1
  }
  return result
}
```

```
func grandTotal2( items: [Item]) -> UInt {
  return items.map( {it in it.price*it.amount} )
    .reduce( 0, {i, j in i+j} )
}
```


Boucles `repeat ... while`

Une boucle `repeat ... while` assure au moins une exécution du bloc de déclarations.

```
repeat {  
    DECLARATION 1  
    DECLARATION 2  
    DECLARATION 3  
    ...  
} while CONDITION
```

Boucles repeat ... while

Exemples:

```
var a = 10
while a < 3 { // Jamais exécutée
  print(a)
  a = a + 1
}
```

```
var b = 10
repeat { // Exécutée une fois
  print(b)
  b = b + 1
} while b < 3
```

Boucles for ... in

Swift permet de construire directement une boucle sur un tableau (ou plus généralement une collection) avec le mot-clé `in`.

```
for IDENTIFIANT in COLLECTION {  
    DECLARATION_1  
    DECLARATION_2  
    ...  
}
```

Par exemple:

```
let days = [ "Lundi", "Mardi", "Mercredi", "Jeudi", "Vendredi" ]  
for day in days {  
    print(day)  
}
```

Sémantique par référence

Bien que par défaut les arguments en Swift sont passés par valeur et sont traités comme des constantes, on peut explicitement spécifier qu'un argument est passé **par référence**.

Dans ce cas la variable utilisée au moment de l'appel de la fonction et l'argument dans la fonction font référence à la même quantité, et toute modification du second modifie la première.

Pour indiquer qu'un argument est passé **par référence**:

1. Un tel argument doit être annoté avec `inout` dans la définition de la fonction.
2. La variable passée doit être préfixée par `&` quand la fonction est appelée.

On ne peut bien sûr passer ni une constante ni une expression littérale.

Sémantique par référence (cont.)

```
func incr( a: inout Int ) {  
    a += 1  
}
```

```
var x = 14
```

```
print(x)  
incr(a: &x)  
print(x)
```

affiche

14

15

FIN